

//

falahiy@yahoo.com

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

Necessary and Contingent Conditionals in Ancient and Modern Logics

Abstract:

Comparative Logic is the study and comparing of ideas of logicians from various schools, especially those of Ancient and Modern logicians. An important issue thereof, is the conditional and its kinds, among which necessary and contingent are the most important. The two have generated various, and often contrary, views. At the paper, after reporting six controversies, and criticizing the viewpoints given, we have developed new formulations and an analyses of the kinds of conditional at the first three controversies. At each controversy, we tried to be more faithful than the other viewpoints to the analysis of Ancient Logic.

Keywords:

Conditional, Necessary, Contingent, Ancient Logic, Modern Logic

()

()

()

()

()

()

()

... (-)

) ()

.(()

.()

« » « »

. :

.

:

:

« » « » « » « » :

).() « »

.(« » « » « » « » « » « »

.

« » « »)

.(« » « »

:

...	...		

:

:

()

—

—

.
 !« »
 ()
 .
 :
 .() ...
)
 .(

$$A * B = A$$

:
 .()
 ()
 » « »
 ()«
 ...
 .()
 ○
 :

$$A \circ B = A \wedge B$$

:

—

—

—

:

« » » »

.() « »

:

» :

) « »

.(

—) (—) « » « »

(—)

:

()

(« »)

(« »)

.()

:

... « » ...

« »

) « » « » ...

.(

« » « »

:

$$[\quad] \quad [\quad] \quad :$$

$$[\quad] \quad [=] \quad (\quad)$$

: « »

()

»

«

« » « »

« » « » « »

() ()

:

b)

.(

« » « » « » « »

« »

« » « »

:

]

.() [

« » $\forall t (Pt \wedge Qt) :$

« » $\forall t Qt :$

. :

《 》

.« 》 « 》

. :

《 》 《 》

《 》

《 》 《 》

《 》

:

()

() 《 》

《 》

《 》

: 《 》

...

.()

《 》

《 》 《 》

.()

:

a)

.(

=] [=] « »:
 .() [.

« » « »
 » « »
 : «
 « []»
 .() « »

(=)

() :)
 .((-)
 :(b a)

1	1	?	
1	0	0	0
0	1	?	
0	0	?	

(« »)« » « »
 :()

1	1	1	1
1	1	0	0
1	0	1	*
1	0	0	0
0	1	1	1
0	1	0	0
0	0	1	1
0	0	0	0

:

:()

1	1
0	0

(strict implication) «

» «

() « » «

:

$$A \prec B = \sim \diamond (A \wedge \sim B)$$

:

()

.() « »:

:

... ..

()

...

().

:

$$A \prec B = \Box(A \rightarrow B)$$

:

$$(A \rightarrow B)$$

$$(A \rightarrow B) \wedge \Box(A \rightarrow B)$$

$$(A \rightarrow B) \wedge \sim \Box(A \rightarrow B)$$

$\Delta \Box$

:(

$\vdash \Rightarrow$

a

)

$P \vdash Q$	$P \Rightarrow Q$	
$P \rightarrow \Delta Q$	$P \rightarrow \Box Q$	

$\Delta \Box$)

.(

.(

)

Δ

)

Orlov 1928)

()

(-

.(

» « »

(Anderson and Belnap 1962 Ackermann 1956)

«

« »

-

()

-

« »

:

:

:

)

(Material implication)

.(

:(

)

1	1	1	1	1
1	0	0	0	0
0	1	1	1	0
0	0	1	0	0

) « » « » « » « » « » « »

(

) « » « » « » « »

(

«

»

«

»

:

:

»

«

»

«

.(

)

.() ...

.()

:

.(b) « »

.() $\forall t (At \rightarrow Ct)$:

« » « »

:

) \forall $\forall: P \rightarrow \sim Q:$

.(

« »

.(a)

« »

) $\exists t (At \& Ct)$:

.(

$\exists: P \& Q$ []

) «

»

...

) () $\exists: P \& Q$

.(

.(

)

:(

:

...

.(a)

:

« »

)

« »

.(a

:

« » « »

...

a) []

.(

.

:

.()

) $\forall: P \rightarrow \sim Q$:

.(

(-) ... (... (: ... (... (...

» « » « »

:

«

$P \rightarrow \Delta Q$	$P \rightarrow \Box Q$	
$P \rightarrow \sim \Delta Q$	$P \rightarrow \sim \Box Q$	()
$\sim(P \rightarrow \Delta Q)$	$\sim(P \rightarrow \Box Q)$	()

$$\sim(P \dashv Q) \quad | \quad \sim(P \Rightarrow Q) \quad | \quad (\quad)$$

$\Delta \quad \square \quad)$

.(

:

.(a)

...

:

...

...

.(a)

()

()

(b a)

:(b)

$$(P \rightarrow \sim \Delta Q) \leftrightarrow (P \rightarrow \Delta \sim Q)$$

=)

:

(

... ..

()

...

().

.()

.().

:

[]

()

»

: «

»

...

«

). .

(

« »

:

« » « »

$$\Box (A \rightarrow B)$$

$$\Box (A \rightarrow B) \wedge \Diamond A$$

$$\Box (A \rightarrow B) \wedge \sim \Diamond A$$

:

.()) « »
(

:

1	1	1	0	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	0	1	*	*	*	*	*
1	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	1	0	1
0	1	0	0	1	0	0	1
0	0	1	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

:

$$(A \rightarrow B) \wedge \sim \Box(A \rightarrow B)$$

$$(A \rightarrow B) \wedge A \wedge \sim \Box(A \rightarrow B)$$

$$(A \rightarrow B) \wedge \sim A \wedge \sim \Box(A \rightarrow B)$$

:

$$(A \rightarrow B) \wedge B \wedge \sim \Box(A \rightarrow B)$$

:

$$\sim \Box(A \rightarrow B) \wedge B$$

$$\sim \Box(A \rightarrow B) \wedge (A \wedge B)$$

$$\sim \Box(A \rightarrow B) \wedge \sim A$$

$$\sim \Box(A \rightarrow B) \wedge (A \rightarrow B)$$

:

« ») .

« » « »

:

.(

1	1	1	0	0	0	0	1
1	1	0	1	1	0	1	0
1	0	1	*	*	*	*	*
1	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1
0	1	0	0	1	1	1	0
0	0	1	0	0	0	0	1
0	0	0	0	0	1	1	0

:

:

:

:

:

« » « »
).« »: « »: .

!

»:

.« » « » «
 .(
 « »

. :

. .

« »: . .« »:

.

. « »

.

:

]

.() [

:

»] «

»

»] «

» :

[«

[«

»

«

»

«

« »

«

»

«

»

:

»

«

»

[

=]

«

«

» :

:

.(

)

—

:

(

)

«

»

«

»

(=)

: « »
 « ») « » « »
 .« » « » .(« »
 « » « » « » « » « »
 (« » « ») (« ») «if»
 «even if» «if»
 «though» «although» .
 » « »
 « » «

« »
 .(b)
)
 () (

1	1	1	1	1	?	?
1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	1	?	?
0	0	0	0	?	?	?

« » « »

:

1	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	1	0	1
1	0	1	*	*	*	*
1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	1	1
0	1	0	0	1	0	1
0	0	1	0	0	1	1
0	0	0	0	0	0	0

« »

« » .

« » « »

:

1	1	1	0	1	1
1	1	0	1	0	1
1	0	1	*	*	*
1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	1	1
0	1	0	1	0	1
0	0	1	0	1	1
0	0	0	1	0	1

:

《 》

《 》

《 》

《 》 《 》 《 》

《 》 《 》 《 》 《 》

.()

《 》 《 》

«if» 《 》 《 》

：

《 》

«since» 《 》

()

()

《 》 《 》

《 》 《 》

《 》

《 》 《 》

《 》 《 》 《 》 《 》

()

()

() .

() .

« » () .

() .

() .

() .

() .

() .

« » (a) .

(:) -

« » (b) .

())

« » (a) .

-

« » (b) .

-

« » () .

-

() .

() .

() .

« » () .

() .

« » () .

() .

() .

() .

« » () .

) - - « » () .

(-

() .

) — « » () .
 . —
 () .
 . — « » () .

31. Ackermann, W., 1956 'Begründung einer strengen Implikation', *Journal of Symbolic Logic*, 21 .
32. Anderson, A. R., and N. Belnap, 1962 'The Pure Calculus of Entailment' (abstract), *Journal of Symbolic Logic*, 27.
33. Orlov, I. E., 1928 'The calculus of compatibility of propositions' (in Russian), *Matematicheskii Sbornik*, 32, pp. 263-286.
34. Rescher, Nicholas, 1963, "Avicenna on the logic of conditional proposition", *Notre Dame Journal of Formal Logic*, V. 4, No. 1 pp. 48-58.